

[解答]

- 1 (1) ③ (2) ② (3) ⑤ (4) ④ (5) ③ (6) ①
2 (1) ②, ⑤ (2) ④ (3) ① (4) ① (5) ③
3 (1) 30通り (2) $\frac{2}{15}$ (3) $\frac{3}{10}$ (4) $\frac{4}{15}$
4 (1) $y = \frac{1}{3}x + \frac{8}{3}$ (2) (0, 4) (3) 12 (4) 6
5 (1) i 58° ii 18° (2) i 9 : 4 ii $\frac{1}{2}\text{cm}^2$

[略解]

- 1 (4) $2xy^2 - 2xy - 24x = 2x(y^2 - y - 12) = 2x(y+3)(y-4)$
(5) $\sqrt{40} + \sqrt{8} \times \sqrt{45} = 2\sqrt{10} + 2\sqrt{2} \times 3\sqrt{5} = 2\sqrt{10} + 6\sqrt{10} = 8\sqrt{10}$

- 2 (2) 右図より, $a=56$, $b=56-32=24$, $b+x=118$ より,

$$\angle x = 94^\circ$$

- (3) 大きい扇形 + $\triangle ABC$ - (小さい扇形 + $\triangle ABC$) = 大きい扇形 - 小さい扇形

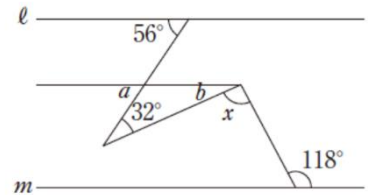
$$6 \times 6 \times \pi \times \frac{1}{3} - 3 \times 3 \times \pi \times \frac{1}{3} = 9\pi \text{ cm}^2$$

- (4) $(5 \times 0 + 15 \times 2 + 25 \times 6 + 35 \times 8 + 45 \times 4) \div 20 = 640 \div 20 = 32$ 問

- (5) 白 : $7n+5$ 横 : $2n+1$

$$7n+5=180, n=25$$

$$2 \times 25 + 1 = 51\text{cm}$$



3 (1) $6 \times 5 = 30$ 通り

(2) $ab=6$ となればよい。

$(a, b) = (1, 6), (2, 3), (3, 2), (6, 1)$ の 4 通り $\frac{4}{30} = \frac{2}{15}$

(3) 点 A を通る直線の傾き 1, 点 B を通る直線の傾き 2 $\rightarrow 1 \leq \frac{b}{a} \leq 2$ となればよい。

$(a, b) = (1, 2), (2, 3), (2, 4), (3, 4), (3, 5), (3, 6), (4, 5), (4, 6), (5, 6)$
の 9 通り $\frac{9}{30} = \frac{3}{10}$

(4) (a, b) が $y=x+2$ か $y=x-2$ 上にあればよい。

$(a, b) = (1, 3), (2, 4), (3, 1), (3, 5), (4, 2), (4, 6), (5, 3), (6, 4)$
の 8 通り $\frac{8}{30} = \frac{4}{15}$

4 (1) $A(1, 3) \quad B(-2, 2) \quad y = \frac{1}{3}x + \frac{8}{3}$

(2) 直線 AC の傾きは -1 なので, $A(1, 3)$ から左に 1, 上に 1 移動した先 $G(0, 4)$

(3) $F(4, 0) \quad H(-8, 0) \quad 4 - (-8) = 12$

(4) 正方形 ADCE の 1 辺の長さを t とする。 $C(1+t, 3-t)$

$y = \frac{1}{2}x^2$ に $C(1+t, 3-t)$ を代入して, $3-t = \frac{1}{2}(1+t)^2$, $t^2 + 4t - 5 = 0$, $(t-1)(t+5) = 0$

$t > 0$ より, $t = 1$ C の座標は, $(2, 2)$

よって, $\triangle AHC = \triangle AHF - \triangle CHF = 12 \times 3 \times \frac{1}{2} - 12 \times 2 \times \frac{1}{2} = 6$

5 (1) i 平行線の同位角は等しいので、 $\angle AGF = \angle BCF = 58^\circ$

ii 図1より、 $\triangle BCF$ は二等辺三角形 よって、 $BC = BF$ より、 $\triangle EBC \equiv \triangle EBF$

$$\angle EFG = 58 - 40 = 18^\circ$$

(2) i $\triangle ABE$ の底辺と高さの比は、底辺③、高さ③ 面積は $3 \times 3 = 9$

$\triangle DEF$ の底辺と高さの比は、底辺②、高さ② 面積は $2 \times 2 = 4$

ii $GH : HC = GE : BC = 1 : 5$

$$\triangle EGC \text{ の面積は、} 30 \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{2} = 3 \text{ cm}^2$$

$$\triangle EGH \text{ の面積は、} 3 \times \frac{1}{1+5} = \frac{1}{2} \text{ cm}^2$$

図1

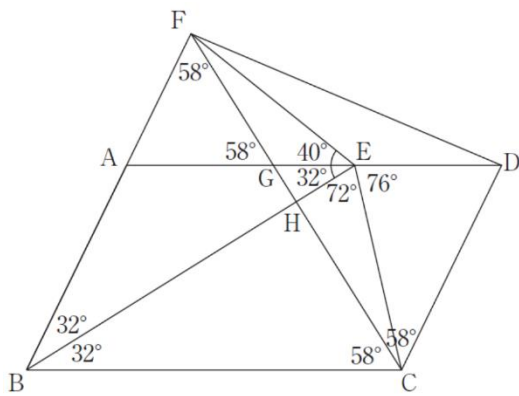


図2

