

(解答)

- 1 (1) ③ (2) ① (3) ⑤ (4) ② (5) ⑤ (6) ④
 2 (1) ④ (2) ③ (3) ①, ⑤ (4) ② (5) ⑤
 3 (1)ア. 4 イ. 2 ウ. 5 (2)エ. 2 オ. 1 カ. 2 キ. 5 (3)ク. 8 ケ. 2 コ. 5
 4 (1)ア. 4 イ. 4 (2)ウ. 2 エ. 3 (3)オ. 2 カ. 0
 5 (1)ア. 4 イ. 8 ウ. 5 (2)エ. 1 オ. 4 カ. 5 (3)キ. 2 ク. 1 ケ. 2
 6 (1)ア. 1 イ. 7 (2)ウ. 4 エ. 8 (3)オ. 3 カ. 3

[配点]

- 1 3点×6=18点
 2 (1)~(3) 4点×3=12点
 (4), (5) 5点×2=10点
 3~6 5点×3問×4題=60点
 計 100点

[略解]

1

- (1) $50 - (-6)^2 \div \left(\frac{3}{2}\right)^2 = 50 - 36 \times \frac{4}{9} = 50 - 16 = 34$
 (2) $(x-1)(x+2) - (x-2)^2 = (x^2+x-2) - (x^2-4x+4) = x^2+x-2-x^2+4x-4 = 5x-6$
 (3) $\frac{3a-b}{4} - \frac{a+3b}{3} = \frac{3(3a-b) - 4(a+3b)}{12} = \frac{9a-3b-4a-12b}{12} = \frac{5a-15b}{12}$
 (4) $(x-y)^2 - 5x + 5y - 14 = (x-y)^2 - 5(x-y) - 14 = (x-y+2)(x-y-7)$
 (5) $\sqrt{2}(\sqrt{6}-\sqrt{24}) + \sqrt{147} = 2\sqrt{3} - 4\sqrt{3} + 7\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$
 (6) $\frac{1}{3}x^2 = -3x-6$, $x^2 = -9x-18$, $x^2+9x+18=0$, $(x+3)(x+6)=0$, $x=-3, -6$

2

- (1) $y = -2x+3$ において, $x = -1$ のとき $y = 5$, $x = 3$ のとき $y = -3$ より, $-3 \leq y \leq 5$
 (2) $\angle ABC = (180^\circ - 48^\circ) \div 2 = 66^\circ$, $\angle ABD = 66^\circ \div 2 = 33^\circ$, $x = 48^\circ + 33^\circ = 81^\circ$
 (3) 中央値を含む階級は1組, 2組ともに2時間以上3時間未満の階級である。最頻値は1組, 2組ともに2.5時間。1組の範囲は2時間超4時間未満, 2組の範囲は3時間超5時間未満で等しいかどうかは分からない。学習時間が3時間以上の生徒の割合は1組のほうが大きい。学習時間が2時間以上3時間未満の階級の相対度数は, 2組よりも1組のほうが大きい。よって, ①と⑤が正しい。

(4) 子どもの数を x 人とすると、 $3x+23=5x-3$ が成り立つ。これを解いて、 $x=13$ 、みかんの数は、 $3 \times 13 + 23 = 62$ 個

(5) 省略

3

箱 A から取り出した球の数を a 、箱 B から取り出した球の数を b とすると、玉の取り出し方は、 $5 \times 5 = 25$ 通り

(1) 箱 A に入っている球に書かれた数の和が 15 になるのは、 $a=b=2, 3, 4, 5$ の 4 通りなので、 $\frac{4}{25}$

(2) 箱 A に 5 の数が書かれた球が入っていないのは、箱 A から 5 の球が取り出されて、箱 B から 5 の玉が取り出されていないときなので、 $a=5$ で、 $b=2, 3, 4, 6$ の 4 通りある。よって、箱 A に 5 の球が入っている確率は、 $\frac{25-4}{25} = \frac{21}{25}$

(3) 箱 A に入っている球に書かれた数の和が 3 の倍数になるのは、 $a=1$ のとき、 $b=4$ の 1 通り、 $a=2$ のとき、 $b=2, 5$ の 2 通り、 $a=3$ のとき、 $b=3, 6$ の 2 通り、 $a=4$ のとき、 $b=4$ の 1 通り、 $a=5$ のとき、 $b=2, 5$ の 2 通り、合計 8 通りあるから、確率は、 $\frac{8}{25}$

4

(1) $CD=AB=4$ となればよいから、C (4, 4)

(2) A(2, 1) と C(6, 9) を結ぶ直線の式を求めて、 $y=2x-3$

(3) C(8, 16) となるから、 $CE : BE = CD : AB = 8 : 4 = 2 : 1$ 、よって、 $\triangle ACE = \triangle ABC \times \frac{2}{2+1}$
 $= \frac{1}{2} \times 4 \times (16-1) \times \frac{2}{3} = 20$

5

(1) ひし形の面積は $\frac{1}{2} \times 12 \times 16 = 96 \text{cm}^2$ 、 $BC=10 \text{cm}$ だから、 $AE = \frac{96}{10} = \frac{48}{5} \text{cm}$

(2) $\triangle BCP \sim \triangle ACE$ から、 $EC = PC \times \frac{6}{5} = \frac{36}{5} \text{cm}$ 、 $BE = 10 - \frac{36}{5} = \frac{14}{5} \text{cm}$

(3) $BF : FD = BE : AD = \frac{14}{5} : 10 = 7 : 25$ から、 $\triangle ABF = \triangle ABD \times \frac{7}{7+25} = \frac{1}{2} \times 16 \times 6 \times \frac{7}{32} = \frac{21}{2} \text{cm}^2$

6

(1) $AD+DE+DF=9+4+4=17\text{cm}$

(2) $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 \times 9 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right) = 48\text{cm}^3$

(3) 三角柱の $\frac{1}{2}$ から三角すい A-DEF の $\frac{1}{8}$ をひいて, $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 \times 9 \times \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 4 \times 4 \times 9 \times \frac{1}{8} = 36 - 3$
 $= 33\text{cm}^3$